

மாதிரி வினாத்தாள்
தொகை நுண்கணிதம் : பயன்பாடுகள் - பகுதி IV
12th Standard

கணிதம்

Reg.No. :

I. அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

II. நீலம் அல்லது கருப்பு மையினை மட்டுமே எழுதுவதற்கு பயன்படுத்த வேண்டும்.

Time : 01:00:00 Hrs

Total Marks : 100

3 x 1 = 3

பகுதி - அ

- 1) $I_n = \int \cos^n x dx$ எனில் $I_n =$
(a) $-\frac{1}{n} \cos^{n-1} x \sin x + \frac{n-1}{n} I_{n-2}$ (b) $\cos^{n-1} x \sin x + \frac{n-1}{n} I_{n-2}$ (c) $\frac{1}{n} \cos^{n-1} x \sin x - \frac{n-1}{n} I_{n-2}$ (d) $\frac{1}{n} \cos^{n-1} x \sin x + \frac{n-1}{n} I_{n-2}$
- 2) $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ ($a > b > 0$) என்ற நீள்வட்டம் ஏற்படுத்தும் பரப்பினை குற்றச்செயல் பொறுத்துச் சுழற்றினால் ஏற்படும் திடப்பொருளின் கன அளவு.
(a) $\frac{4}{3} \pi a b^2$ (b) $\frac{4}{3} \pi a^2 b$ (c) $\frac{4}{3} \pi a b^2$ (d) $\frac{3}{4} \pi a^2 b$
- 3) $y^2 = 4ax$ என்ற பரவளையத்தின் அதன் செவ்வகலம் வரையிலான பரப்பினை x- மீது சுழற்றக் கிடைக்கும் திடப் பொருளின் வளைப்பரப்பு
(a) $\frac{8\pi a^2}{3} (2\sqrt{2} - 1)$ (b) $\frac{4\pi a^2}{3} (2\sqrt{2} - 1)$ (c) $\frac{\pi a^2}{3} (2\sqrt{2} - 1)$ (d) $\frac{8a^2}{3} (2\sqrt{2} - 1)$

பகுதி - ஆ

3 x 3 = 9

- 4) இரண்டாம் அடிப்படைத் தேற்றத்தை பயன்படுத்தி பின்வருவனவற்றை மதிப்பிடுக: $\int_0^{\frac{\pi}{2}} e^{3x} \cos x dx$
- 5) மதிப்பிடுக: $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \cos^9 x dx$
- 6) மதிப்பிடுக: $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \cos^8 x dx$

பகுதி - இ

4 x 6 = 24

- 7) பின்வருவனவற்றை வரையறுத்த தொகையின் பண்புகளைப் பயன்படுத்தி மதிப்புக் காண்க. $\int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{\pi}{3}} \frac{dx}{1 + \sqrt{\tan x}}$
- 8) மதிப்பிடுக: $\int \cos^5 x dx$
- 9) மதிப்பிடுக: $\int_0^{\frac{\pi}{6}} \sin^7 3x dx$
- 10) மதிப்பிடுக: $\int_0^{\frac{\pi}{6}} \cos^7 3x dx$

பகுதி - ஈ

6 x 10 = 60

- 11) $y = \sin x$ என்ற வளைவரை $x = 0$, $x = \pi$ மற்றும் x-அச்ச ஆகியவற்றால் ஏற்படும் பரப்பினை x-அச்சினைப் பொறுத்து சுழற்றும் போது கிடைக்கும் திடப்பொருளின் வளைப்பரப்பு $2\pi[\sqrt{2} + \log(1 + \sqrt{2})]$ என நிறுவுக.
- 12) $x = a(t + \sin t)$, $y = a(1 + \cos t)$ என்ற வட்ட உருள்வளை அதன் அடிப்பக்கத்தைப் (x-அச்ச) பொறுத்து சுழற்றுவதால் ஏற்படும் திடப் பொருளின் வளைப்பரப்பைக் காண்க.
- 13) ஆரம் a உடைய வட்டத்தின் சுற்றளவைக் காண்க.
- 14) $x = a(t - \sin t)$, $y = a(1 - \cos t)$ என்ற வளைவரையின் நீளத்தினை $t = 0$ முதல் π வரை கணக்கிடுக.
- 15) $y^2 = 4ax$ என்ற பரவளையத்தின் அதன் செவ்வகலம் வரையிலான பரப்பினை x-அச்சின் மீது சுழற்றும்போது கிடைக்கும் திடப் பொருளின் வளைப்பரப்பைக் காண்க.
- 16) ஆரம் r அலகுகள் உள்ள கோளத்தின் மையத்திலிருந்து a மற்றும் b அலகுகள் தொலைவில் அமைந்த இரு இணையான தளங்கள் கோளத்தை வெட்டும்போது இடைப்படும் பகுதியின் வளைப்பரப்பு $2\pi r(b - a)$ என நிறுவுக. இதிலிருந்து கோளத்தின் வளைப்பரப்பை வருவி ($b > a$).
