

**மாதிரி வினாத்தாள்**  
**வகைக்கெழுச் சமன்பாடுகள் - பகுதி II**  
12th Standard

**வணிக கணிதம்**

Reg.No. :

I. அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

II. நீலம் அல்லது கருப்பு மையினை மட்டுமே எழுதுவதற்கு பயன்படுத்த வேண்டும்.

Time : 01:30:00 Hrs

Total Marks : 85

5 x 1 = 5

**பகுதி - அ**

- 1)  $x \, dx + y \, dy = 0$  ன் தீர்வு  
(a)  $x^2 + y^2 = c$  (b)  $\frac{x}{y} = c$  (c)  $x^2 - y^2 = c$  (d)  $xy = c$
- 2)  $\frac{dy}{dx} = e^{x-y}$  ன் தீர்வு  $\frac{1+v^2}{v+v^3}$   
(a)  $e^y e^x = c$  (b)  $y = \log ce^x$  (c)  $y = \log c(e^x + c)$  (d)  $e^{x+y} = c$
- 3)  $\frac{dp}{dt} = ke^{-t}$  (k ஒரு மாறிலி) ன் தீர்வு  
(a)  $C - \frac{k}{e^t} = p$  (b)  $p = ke^t + c$  (c)  $t = \log \frac{c-p}{k}$  (d)  $t = \log cp$
- 4)  $(x^2 - y^2)dy = 2xy \, dx$  என்ற வகைக்கெழுச் சமன்பாட்டில்  $y = vx$  என பிரதியிடும்பொழுது சமன்பாடு கீழ்க் கண்டவைகளில் எதுவாக மாறும்?  
(a)  $dv = \frac{dx}{x}$  (b)  $\frac{1-v^2}{v(1+v^2)} dv = \frac{dx}{x}$  (c)  $\frac{dv}{v^2-1} = \frac{dx}{x}$  (d)  $\frac{dv}{1+v^2} = \frac{dx}{x}$
- 5)  $x \frac{dy}{dx} = y + \sqrt{x^2 + y^2}$  என்ற சமன்பாட்டில்  $y = vx$  என பிரதியிட சமன்பாடு கீழ்க் கண்டவைகளில் எதுவாக மாறும்?  
(a)  $\frac{dv}{\sqrt{v^2-1}} = \frac{dx}{x}$  (b)  $\frac{v dv}{\sqrt{v^2+1}} = \frac{dx}{x}$  (c)  $\frac{dv}{\sqrt{v^2+1}} = \frac{dx}{x}$  (d)  $\frac{v dv}{\sqrt{1-v^2}} = \frac{dx}{x}$

**பகுதி - ஆ**

5 x 6 = 30

- 6) கீழ்வருவனவற்றின் வரிசை மற்றும் படி காண்க.  $\sqrt{1 + \frac{d^2y}{dx^2}} = x \frac{dy}{dx}$
- 7) கீழ்வருவனவற்றின் வரிசை மற்றும் படி காண்க.  $\left(\frac{d^2y}{dx^2}\right)^{\frac{3}{2}} = \left(\frac{dy}{dx}\right)^2$
- 8) கீழ்வருவனவற்றின் வரிசை மற்றும் படி காண்க.  $3\frac{d^2y}{dx^2} + 5\left(\frac{dy}{dx}\right)^3 - 3y = e^x$
- 9) கீழ்வருவனவற்றின் வரிசை மற்றும் படி காண்க.  $\frac{d^2y}{dx^2} = 0$
- 10) கீழ்வருவனவற்றின் வரிசை மற்றும் படி காண்க.  $\left(\frac{d^2y}{dx^2} + 1\right)^{\frac{2}{3}} = \left(\frac{dy}{dx}\right)^{\frac{1}{3}}$

**பகுதி - இ**

5 x 10 = 50

- 11) தீர்க்க:  $(x+y) \, dy + (x-y) \, dx = 0$
- 12) இலாபம் p மற்றும் கோரப்படும் தேவை அளவு x ஆகியவை  $\frac{dp}{dx} = \frac{2p^3 - x^3}{3xp^2}$  என்ற வகைக்கெழுச் சமன்பாட்டை நிறைவு செய்கின்றன. x = 10 எனும் போது p = 20 எனில் இலாபம் மற்றும் கோரப்படும் தேவை ஆகியவற்றுக்கிடையே உள்ள தொடர்பை காண்க
- 13) பொருட்களின் கோருதல் அளவு q அதிகரிக்கும்பொழுது கோருதல் மற்றும் அவைகளை இருப்பு வைப்பதற்குமான செலவு C-ன் அதிகரிக்கும் வீதம்  $\frac{dC}{dq} = \frac{C^2 + 2Cq}{q^2}$  எனும் வகைக்கெழுச் சமன்பாட்டினால் தரப்பட்டுள்ளது. C மற்றும் q க்கு இடையே உள்ள தொடர்பை C=1 மற்றும் q=1 எனும் நிலையில் காண்க.
- 14) ஒரு வங்கி முதலீட்டின் உடனடி மாறுவீதமும் அம் முதலின் ஓராண்டு வட்டியும் சம அளவில் இருக்குமாறு கணக்கிட்டு வட்டியளிக்கிறது. வருடத்திற்கு 6.5% தொடர் கூட்டு வீதத்தில் ரூ.50,000 த்தை அவ்வங்கியில் ஒருவர் முதலீடு செய்தால் 10 வருடங்களுக்கு பின்னர் அவர் பெறும் முதிர்வு தொகையை காண்க. ( $e^{0.065} = 1.9155$ )
- 15) தயாரிப்பு நிறுவனம் ஒன்றில் உபகரணங்களை இயக்கவும் பராமரிக்கவும் ஆகும் செலவு C மற்றும் அடுத்தடுத்த இரு பழுது பார்த்தலுக்குரிய இடைவெளிக் காலம் m ஆகியவற்றை  $m^2 \frac{dC}{dm} + 2mc = 2$ ,  $m = 2$  எனில் C=4 எனும் சமன்பாட்டினால் குறித்தால் C மற்றும் m களுக்கிடையேயான தொடர்பைக் காண்க.

\*\*\*\*\*