

மாதிரி வினாத்தாள்
வகை நுண்கணிதம் 3

11th Standard

கணிதம்

Reg.No. :

--	--	--	--	--	--

I. அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

II. நீலம் மற்றும் கருப்பு மையினை மட்டுமே எழுதுவதற்கு பயன்படுத்த வேண்டும்.

Time : 02:00:00 Hrs

Total Marks : 60

10 x 1 = 10

பகுதி - அ

- 1) $f(x) = -x+3$ என்ற சார்பின் $x \rightarrow 1$ -ன் இடப்பக்க எல்லை
(a) 2 (b) 3 (c) 4 (d) -4
- 2) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 - \frac{1}{x}\right)^x = \dots\dots\dots$
(a) e (b) -e (c) $\frac{1}{e}$ (d) 0
- 3) $f(x) = |x| + |x-1|$ என்ற சார்பு
(a) $x=0$ என்ற புள்ளியில் மட்டுமே தொடர்ச்சியானது (b) $x=1$ என்ற புள்ளியில் மட்டுமே தொடர்ச்சியானது
(c) $x=0, x=1$ என்ற புள்ளிகளில் தொடர்ச்சியானது (d) $x=0, 1$ என்ற புள்ளிகளில் தொடர்ச்சியற்றது
- 4) $f(x) = \begin{cases} 0, & x \leq 0 \\ x, & x > 0 \end{cases}$ எனில் $R f'(0)$ -ன் மதிப்பு
(a) 1 (b) 0 (c) -1 (d) 2
- 5) $f(x) = x^2|x|$ என்ற சார்புக்கு $x=0$ -ல் வகைக்கெழு
(a) 0 (b) -1 (c) -2 (d) 1
- 6) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^3 - 3x + 2}{x^2 - x - 2}$ -ன் மதிப்பு
(a) $-\frac{1}{3}$ (b) 3 (c) $\frac{1}{3}$ (d) -3
- 7) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1}{x^2}$ -ன் மதிப்பு
(a) ∞ (b) 0 (c) $-\infty$ (d) 1
- 8) $\frac{d}{dx}(3^x + e^{a \log a})$ -ன் மதிப்பு
(a) $3^x \log 3$ (b) $3^x a^a$ (c) $3^x \log 3 \cdot e^{a \log a}$ (d) $\frac{1}{3x}$
- 9) $y = 3x^3 + x^2 + 1$, எனில் $\frac{d^3y}{dx^3} =$
(a) $18x+2$ (b) 18 (c) 2 (d) $9x^2+2x$
- 10) $y = 5e^x \cdot 3 \log x$, எனில் $\frac{d^2y}{dx^2} =$
(a) $5e^x + \frac{3}{x}$ (b) $5e^x + \frac{3}{x^2}$ (c) $5e^x - \frac{3}{x^2}$ (d) $5e^x + \frac{3}{x}$

பகுதி - ஆ

5 x 2 = 10

- 11) எல்லைகளை கணக்கிட்டு $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{n}\right)^{n+5}$
- 12) $\log(1+x)$ ன் தொடரைப் பயன்படுத்தாமல் $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log(1+x)}{x} = 1$ என நிறுவுக.
- 13) $y = \log(x^2 - a^2)$ எனில் $y_3 = 2 \left[\frac{1}{(x+a)^3} + \frac{1}{(x-a)^3} \right]$ எனக்காட்டு
- 14) வகைப்படுத்துக $\frac{e^{hx}}{\cos(ax+b)}$
- 15) $y = (3x-7)(3x^2-4)$ எனில் $\frac{dy}{dx}$ -ஐக் காண்க

பகுதி - இ

5 x 3 = 15

- 16) x, y ஆகியன துணையலகின் ஊடாக பிணைக்கப்பட்ட சமன்பாடுகள் எனில் (துணையலகை நீக்காமல்) dy/dx -ஐக் காண்க.
 $x = at^2, y = 2at$
- 17) x, y ஆகியன துணையலகின் ஊடாக பிணைக்கப்பட்ட சமன்பாடுகள் எனில் (துணையலகை நீக்காமல்) dy/dx -ஐக் காண்க.
 $x = a \left(\cos \theta + \log \tan \frac{\theta}{2} \right), y = a \sin \theta$
- 18)

புள்ளிகளில் தொடர்ச்சித்தன்மையை ஆராய்க $\begin{cases} \frac{x^2}{2}, 0 \leq x \leq 1 \\ 2x^2 - 3x + \frac{3}{2}, 1 < x \leq 2 \end{cases}$ எனில் $f(x)$ ஆனது $x=1$ எனும் புள்ளியில் தொடர்ச்சியானது எனக்காட்டு.

- 19) வகைப்படுத்துக $(a - b \sin x)(1 - 2 \cos x)$

- 20) சார்பு $f(x) = \begin{cases} -x^2 & \text{if } x \leq 0 \\ 5x - 4 & \text{if } 0 < x \leq 1 \\ 4x^2 - 3x & \text{if } 1 < x < 2 \\ 3x + 4 & \text{if } x \geq 2 \end{cases}$ என வரையறுக்கப்படுகிறது, $x = 0, 1, 2$ ஆகிய புள்ளிகளில் f -ன் தொடர்ச்சித்தன்மையை பரிசோதிக்க,

பகுதி - II

5 x 5 = 25

- 21) x -ஐப் பொறுத்து கீழ்க்காணும் சார்புகளை வகையிடுக:

$$\frac{\sin x \cos(e^x)}{e^x + \log x}$$

- 22) மதிப்பிடுக $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1+x}\sqrt{1-x}}{\sin^{-1}x}$

- 23) $y = \cos^{-1}\left(\frac{1-x}{1+x}\right)$ எனில் $\frac{dy}{dx}$ காண்க

- 24) வகையிடுக $\tan^{-1}\left(\frac{3x-x^3}{1-3x^2}\right)$

- 25) $y = \sin(ax + b)$ எனில் $y_3 = a^3 \sin\left(ax + b + \frac{3\pi}{2}\right)$ என நிறுவுக

