

மாதிரி வினாத்தாள்
வெக்டர் இயற்கணிதம் - பகுதி II
12th Standard

கணிதம்

Reg.No. :

I. அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

II. நீலம் அல்லது கருப்பு மையினை மட்டுமே எழுதுவதற்கு பயன்படுத்த வேண்டும்.

Time : 01:00:00 Hrs

Total Marks : 80

4 x 1 = 4

பகுதி-அ

- 1) $2\vec{i} + 3\vec{j} + 4\vec{k}, \vec{a}\vec{i} + b\vec{j} + c\vec{k}$ ஆகிய வெக்டர்கள் செங்குத்து வெக்டர்களாயின்,
(a) $a=2, b=3, c=-4$ (b) $a=4, b=4, c=5$ (c) $a=4, b=4, c=-5$ (d) $a=-2, b=3, c=4$
- 2) $3\vec{i} + \vec{j} - \vec{k}$ என்ற வெக்டரை ஒரு மூலை விட்டமாகவும் $\vec{i} - 3\vec{j} + 4\vec{k}$ ஐ ஒரு பக்கமாகவும் கொண்ட இணைகரத்தின் பரப்பு
(a) $10\sqrt{3}$ (b) $6\sqrt{30}$ (c) $\frac{3}{2}\sqrt{30}$ (d) $3\sqrt{30}$
- 3) $|\vec{a} + \vec{b}| = |\vec{a} - \vec{b}|$ எனில்
(a) $\vec{a}$ ம் $\vec{b}$ ம் இணையாகும் (b) $\vec{a}$ ம் $\vec{b}$ ம் செங்குத்தாகும் (c) $|\vec{a}| = |\vec{b}|$ (d) $\vec{a}$ மற்றும் $\vec{b}$ ஓரலகு வெக்டர்
- 4) $\vec{p}, \vec{q}$ மற்றும் $\vec{p} + \vec{q}$ ஆகியவை எண்ணளவு λ கொண்ட வெக்டராயின் $|\vec{p} - \vec{q}|$ ஆனது
(a) 2λ (b) $\sqrt{3}\lambda$ (c) $\sqrt{2}\lambda$ (d) 1

பகுதி - ஆ

4 x 3 = 12

- 5) இரண்டு அலகு வெக்டர்களின் கூடுதல் ஓர் அலகு வெக்டர் எனில் அவற்றில் வித்தியாசத்தின் எண் அளவு $\sqrt{3}$ எனக் காட்டுக.
- 6) $3\vec{i} - 2\vec{j} + \vec{k}, \vec{i} - 3\vec{j} + 5\vec{k}, 2\vec{i} + \vec{j} - 4\vec{k}$ என்பவை ஒரு செங்கோணம் முக்கோணத்தின் உருவாக்கம் எனக் காட்டுக.
- 7) $4\vec{i} - 3\vec{j} + \vec{k}, 2\vec{i} - 4\vec{j} + 5\vec{k}, \vec{i} - \vec{j}$ என்ற நிலை வெக்டர்களை உடைய புள்ளிகள் அமைக்கம் முக்கோணம் ஓர் செங்கோண முக்கோணம் எனக் காட்டுக.
- 8) $2\vec{i} - 2\vec{j} + \vec{k}$ எனும் வெக்டருக்கு இணையானதும் எண்ணளவு 5 உடையதுமான விசை ஒரு துகளை (1, 2, 3) என்ற புள்ளிகள் இருந்த (5, 3, 7) என்ற புள்ளிக்கு நகர்த்துமாயின் அவ்விசை செய்யும் வேலையைக் கணக்கிடுக.

பகுதி - இ

4 x 6 = 24

- 9) $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$ என்பன ஓர் அலகு வெக்டர்கள். மேலும் $\vec{a} \cdot \vec{b} = \vec{a} \cdot \vec{c} = 0$ மற்றும் $\vec{b} \cdot \vec{c}$ இடைப்பட்ட கோணம் $\frac{\pi}{6}$ எனில் $\vec{a} = \pm 2 (\vec{b} \times \vec{c})$ எனக் காட்டுக
- 10) ஒரே அடிப்பக்கமும், ஒரே இணை நேர்க்கோடுகளுக்கும் இடைப்பட்ட இணைகரங்கள் சம்பரப்புடையவை என்பதை வெக்டர் முறையில் நிறுவுக.
- 11) ஒரு இணைகரத்தின் மூலைவிட்டங்கள் அடுத்துள்ள பக்கங்களாய்க் கொண்டு இணைகரத்தின் பரப்பானது முந்தைய இணைகரத்தின் பரப்பு போல் இருமடங்கு என நிறுவுக.
- 12) a) ஒரு துகள் $4\vec{i} - 3\vec{j} + 2\vec{k}$ எனும் நிலையிலிருந்து $6\vec{i} + \vec{j} - 3\vec{k}$ என்னும் நிலைக்கு $2\vec{i} - 5\vec{j} + 6\vec{k}, -\vec{i} + 2\vec{j} - \vec{k}$ மற்றும் $2\vec{i} + 7\vec{j}$ என்ற மாறாத விசையில் செயல்பாட்டினால் நகர்த்தப்பெற்றால் அவ்விசைகள் சேர்த்து செய்யும் வேலையைக் காண்க.
b) $2\vec{i} + \vec{j} + \vec{k}$ மற்றும் $\vec{i} + 2\vec{j} + \vec{k}$ ஆகிய வெக்டர்களைக் கொண்ட தளத்திற்குச் செங்குத்தான ஓர் அலகு வெக்டர்களைக் காண்க.

பகுதி - ஈ

4 x 10 = 40

- 13) $\frac{x-1}{1} = \frac{y+1}{-1} = \frac{z}{3}$ மற்றும் $\frac{x-2}{1} = \frac{y-1}{2} = \frac{-z-1}{1}$ என்ற கோடுகள் வெட்டிக் கொள்ளும் எனக் காட்டுக. மேலும் அவை வெட்டும் புள்ளியைக் காண்க.
- 14) $\frac{x-2}{2} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-1}{3}$ என்ற கோட்டை உள்ளடக்கியதும் $\frac{x+1}{3} = \frac{y-1}{2} = \frac{z+1}{1}$ என்ற கோட்டிற்கு இணையானதுமான தளத்தில் வெக்டர் மற்றும் கார்டிசியன் சமன்பாடுகளைக் காண்க.
- 15) (1, 3, 2) என்ற புள்ளி வழிச் செல்வது $\frac{x+1}{2} = \frac{y+2}{-1} = \frac{z+3}{3}$ மற்றும் $\frac{x-2}{1} = \frac{y+1}{2} = \frac{z+2}{2}$ என்ற கோடுகளுக்கு இணையானதுமான தளத்தின் வெக்டர் மற்றும் கார்டிசியன் சமன்பாடுகளைக் காண்க.
- 16) (-1, 3, 2) என்ற புள்ளி வழிச் செல்வது $x + 2y + 2z = 5$ மற்றும் $3x + y + 2z = 8$ ஆகிய தளங்களுக்குச் செங்குத்தானதுமான தளத்தின் வெக்டர் மற்றும் கார்டிசியன் சமன்பாடுகளைக் காண்க.
