

மாதிரி வினாத்தாள்
கலப்பெண்கள் - பகுதி III

12th Standard

கணிதம்

Reg.No. :

I. அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

II. நீலம் அல்லது கருப்பு மையினை மட்டுமே எழுதுவதற்கு பயன்படுத்த வேண்டும்.

Time : 01:30:00 Hrs

Total Marks : 100

5 x 1 = 5

பகுதி - அ

- 1) Z ஒரு பூச்சியமற்ற கலப்பெண்ணைக் குறிப்பதெனில் $\arg(z) + \arg(\bar{z})$ என்பது
(a) $\frac{\pi}{4}$ (b) $\frac{\pi}{2}$ (c) 0 (d) $-\frac{\pi}{4}$
- 2) ஒரு கலப்பெண்ணின் வீச்சு $\frac{\pi}{2}$ எனில் அந்த எண்
(a) முற்றிலும் கற்பனை எண் (b) முற்றிலும் மெய் எண் (c) 0 (d) மெய்யும்மல்ல கற்பனையும்மல்ல
- 3) iz என்ற கலப்பெண்ணை ஆதியை பொறுத்து $\frac{\pi}{2}$ கோணத்தில் கடிகார எதிர் திசையில் சுழற்றும் போது அந்த எண்ணின் புதிய நிலை
(a) iz (b) $-iz$ (c) $-z$ (d) z
- 4) கலப்பெண் கலப்பில் $(i^{25})^3$ ன் போலார் வடிவம்
(a) $\cos \frac{\pi}{2} + i \sin \frac{\pi}{2}$ (b) $\cos \pi + i \sin \pi$ (c) $\cos \pi - i \sin \pi$ (d) $\cos \frac{\pi}{2} - i \sin \frac{\pi}{2}$
- 5) P ஆனது கலப்பு எண் மாறி z ஐ குறிக்கின்றது $|2z - 1| = 2|z|$ எனில் P ன் நியமப்பாதை
(a) $x = \frac{1}{4}$ என்ற நேர்க்கோடு (b) $y = \frac{1}{4}$ என்ற நேர்க்கோடு (c) $z = \frac{1}{2}$ என்ற நேர்க்கோடு (d) $x^2 + y^2 - 4x - 1 = 0$ என்ற வட்டம்

5 x 3 = 15

பகுதி - ஆ

- 6) கீழ்க்காணும் காலப்பெண்களை துருவ வடிவத்தில் எழுதுக. $-1 + i\sqrt{3}$
- 7) கீழ்க்காணும் காலப்பெண்களை துருவ வடிவத்தில் எழுதுக. $-1 - i$
- 8) கீழ்க்காணும் காலப்பெண்களை துருவ வடிவத்தில் எழுதுக. $1 - i$
- 9) எல்லா மதிப்புகளையும் காண்க. $(i)^{\frac{1}{3}}$
- 10) பின்வரும் கலப்பெண்களின் மெய் மற்றும் கற்பனைப் பகுதிகளை காண்க: $\frac{2+5i}{4-3i}$

5 x 6 = 30

பகுதி - இ

- 11) $2 - i$ ஐ ஒரு தீர்வாகக் கொண்ட $6x^4 - 25x^3 + 32x^2 + 3x - 10 = 0$ எனும் சமன்பாட்டின் தீர்வுகளைக் காண்க.
- 12) எல்லா மதிப்புகளையும் காண்க. $(8i)^{1/3}$
- 13) ω என்பது ஒன்றின் முப்படி மூலம் மற்றும் $x = a + b$, $y = a\omega + b\omega^2$, $z = a\omega^2 + b\omega$ எனில் $xyz = a^3 + b^3$ என நிரூபிக்க.
- 14) $\omega^3 = 1$ எனில் $(a + b + c)(a + b\omega + c\omega^2)(a + b\omega^2 + c\omega) = a^3 + b^3 + c^3 - 3abc$ என நிறுவுக.
- 15) தீர்க்க: $x^4 + 4 = 0$

பகுதி - ஈ

5 x 10 = 50

- 16) P எனும் புள்ளி கலப்பெண் மாறி z ஐக் குறித்தால் P-இன் நியமப்பாதையை $Re \left[\frac{z+1}{z+i} \right] = 1$ என்ற கட்டுப்பாட்டிற்கு உட்பட்டு காண்க.
- 17) P எனும் புள்ளி கலப்பெண் மாறி z ஐக் குறித்தால் P-இன் நியமப்பாதையை $arg \left[\frac{z-1}{z+3} \right] = \frac{\pi}{2}$
- 18) P எனும் புள்ளி கலப்பெண் மாறி z ஐக் குறித்தால் P-இன் நியமப்பாதையை $arg \left[\frac{z-1}{z+1} \right] = \frac{\pi}{3}$ என்ற கட்டுப்பாட்டிற்கு உட்பட்டு காண்க.
- 19) P என்னும் புள்ளி கலப்பு எண் மாறி z ஐக் குறித்தால் P இன் நியமப்பாதையை பின்வரும் கட்டுப்பாடுகளுக்கு உட்பட்டு காண்க. $Re \left(\frac{z+1}{z+i} \right) = 1$
- 20) a) பின்வரும் கலப்பெண்களின் மட்டு வீச்சு காண்க. $-\sqrt{2} + i\sqrt{2}$
b) $3 + 3i$, $-3 - 3i$, $-3\sqrt{3} + 3\sqrt{3}i$ எனும் கலப்பெண்கள் ஒரு சமபக்க முக்கோணத்தை ஆர்கள் தளத்தில் உருவாக்கும் என்று காட்டுக.
