

மாதிரி வினாத்தாள்
தொகை நுண்கணிதம் : பயன்பாடுகள் - பகுதி III
12th Standard

கணிதம்

Reg.No. :

I. அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

II. நீலம் அல்லது கருப்பு மையினை மட்டுமே எழுதுவதற்கு பயன்படுத்த வேண்டும்.

Time : 01:00:00 Hrs

Total Marks : 90

பகுதி - அ

3 x 1 = 3

- 1) $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ என்ற நீள்வட்டத்தின் பரப்பை நெட்டச்சு, குற்றச்சு இவற்றை பொறுத்து சுழற்றப்படும் திடப்பொருளின் கனஅளவுகளின் விகிதம்.
(a) $b^2 : a^2$ (b) $a^2 : b^2$ (c) $a : b$ (d) $b : a$
- 2) (0, 0), (3, 0) மற்றும் (3, 3) ஆகியவற்றை முனைப்புள்ளிகளாகக் கொண்ட முக்கோணத்தின் பரப்பு x அச்சை பொறுத்து சுழற்றப்படும் திடப்பொருளின் கன அளவு.
(a) 18π (b) 2π (c) 36π (d) 9π
- 3) $x^{2/3} + y^{2/3} = 4$ என்ற வளைவரையின் வில்லின் நீளம்.
(a) 48 (b) 24 (c) 12 (d) 96

பகுதி - ஆ

3 x 3 = 9

- 4) இரண்டாம் அடிப்படைத் தேற்றத்தை பயன்படுத்தி பின்வருவனவற்றை மதிப்பிடுக: $\int_0^{\pi/2} e^{3x} \cos x dx$
- 5) மதிப்பிடுக: $\int_0^{\pi/2} \cos^9 x dx$
- 6) மதிப்பிடுக: $\int_0^{\pi/2} \cos^8 x dx$

பகுதி - இ

6 x 6 = 36

- 7) $y = 2x + 1$ என்ற கோடு $y = 3$, $y = 5$ எனும் கோடுகள் மற்றும் y-அச்சு ஆகியவற்றால் ஏற்படும் அரங்கத்தின் பரப்பினைக் காண்க.
- 8) $x^2 = 36y$, என்ற வளைவரை y-அச்சு, $y = 2$ மற்றும் $y = 4$ ஆகிய கோடுகளால் அடைபடும் அரங்கத்தின் பரப்பினைக் காண்க.
- 9) a என்ற ஆரமுள்ள வட்டத்தின் பரப்பினைக் காண்க.
- 10) $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$, x-அச்சைப் பொறுத்து $a > b > 0$.
- 11) இரண்டாம் அடிப்படைத் தேற்றத்தைப் பயன்படுத்தி பின்வருவனவற்றை மதிப்பிடுக. $\int_0^{\pi/2} \sin 2x \cos x dx$
- 12) மதிப்பிடுக: $\int_0^{\pi/6} \cos^7 3x dx$

பகுதி - ஈ

5 x 10 = 50

- 13) $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{5} = 1$ என்ற நீள்வட்டத்தில் உள்ள இரண்டு செவ்வகலத்திற்கு இடைப்பட்ட பரப்பினைக் காண்க.
- 14) $4y^2 = x^3$ என்ற வளைவரையில் $x = 0$ இலிருந்து $x = 1$ வரையுள்ள வில்லின் நீளத்தைக் காண்க.
- 15) $y = \sin x$ என்ற வளைவரை $x = 0$, $x = \pi$ மற்றும் x-அச்சு ஆகியவற்றால் ஏற்படும் பரப்பினை x-அச்சினைப் பொறுத்து சுழற்றும் போது கிடைக்கும் திடப்பொருளின் வளைபரப்பு $2\pi[\sqrt{2} + \log(1 + \sqrt{2})]$ என நிறுவுக.
- 16) $y^2 = 4ax$ என்ற பரவளையத்தின் அதன் செவ்வகலம் வரையிலான பரப்பினை x-அச்சின் மீது சுழற்றும் போது கிடைக்கும் திடப் பொருளின் வளைபரப்பைக் காண்க.
- 17) ஆரம் r அலகுகள் உள்ள கோளத்தின் மையத்திலிருந்து a மற்றும் b அலகுகள் தொலைவில் அமைந்த இரு இணையான தளங்கள் கோளத்தை வெட்டும் போது இடைப்படும் பகுதியின் வளைபரப்பு $2\pi r(b - a)$ என நிறுவுக. இதிலிருந்து கோளத்தின் வளைபரப்பை வருவி ($b > a$).
