

மாதிரி வினாத்தாள்
தொகை நுண்கணிதம் : பயன்பாடுகள் - பகுதி V

12th Standard

கணிதம்

Reg.No. :

I. அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

II. நீலம் அல்லது கருப்பு மையினை மட்டுமே எழுதுவதற்கு பயன்படுத்த வேண்டும்.

III. வினா எண் 15-ற்கு கண்டிப்பாக விடையளிக்கவும்.

Time : 01:00:00 Hrs

Total Marks : 90

3 x 1 = 3

பகுதி-அ

- 1) $y+3=x$, $x=1$ மற்றும் $x=5$ ஆகிய கோடுகளால் அடைபடும் பரப்பு.
(a) 3 ச.அலகுகள் (b) 4 ச.அலகுகள் (c) 0 ச.அலகுகள் (d) 5 ச.அலகுகள்
- 2) $y^2=(x-5)^2$ ($x=6$) என்ற வளைவரை $x=5$ மற்றும் $x=6$ ஆகிய கோடுகளுக்கு இடையே ஏற்படுத்தும் பரப்பு
(a) 0 ச.அலகுகள் (b) 1 ச.அலகுகள் (c) 4 ச.அலகுகள் (d) 6 ச.அலகுகள்
- 3) $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ ($a > b > 0$) என்ற நீள்வட்டம் ஏற்படுத்தும் பரப்பினை நெட்டச்சைப் பொறுத்துச் சுழற்றினால் ஏற்படும் திடப்பொருளின் கன அளவு.
(a) $\frac{4}{8}\pi ab^2$ (b) $\frac{4}{3}\pi a^2 b$ (c) $\frac{4}{3}\pi ab^2$ (d) $\frac{3}{4}\pi a^2 b$

பகுதி - ஆ

3 x 3 = 9

- 4) பின்வருவனவற்றை வரையறுத்த தொகையின் பண்புகளைப் பயன்படுத்தி மதிப்புக் காண்க. $\int_{-1}^1 \sin x \cos^4 x dx$
- 5) மதிப்பிடுக: $\int_0^a \sqrt{a^2 - x^2} dx$
- 6) இரண்டாம் அடிப்படைத் தேற்றத்தை பயன்படுத்தி பின்வருவனவற்றை மதிப்பிடுக: $\int_0^{\pi/2} \sin^2 x dx$

பகுதி - இ

6 x 6 = 36

- 7) மதிப்பிடுக: $\int_0^{\pi/4} \cos^8 2x dx$
- 8) $y = \sqrt{x}$ என்ற வளைவரையில் $y = 2$, $x = 0$ ஆகிய கோடுகளுக்கு இடைப்பட்ட பரப்பினை y -அச்சைப் பொறுத்துச் சுழற்றினால் உருவாகும் திடப்பொருளின் கனஅளவினைக் காண்க.
- 9) $y = x - 5$ என்ற கோடு x -அச்சு, $x = 3$ மற்றும் $x = 7$ என்ற கோடுகளால் அடைபடும் அரங்கத்தின் பரப்பினைக் காண்க.
- 10) $xy = 1$, என்ற வளைவரைக்கும் x -அச்சு, $x = 1$ மற்றும் $x = \infty$ என்பவற்றால் அடைபடும் பரப்பினைக் காண்க. (ii) மேற்கண்ட பரப்பு x -அச்சைப் பொறுத்து சுழற்றும் போது ஏற்படும் திடப்பொருளின் கனஅளவைக் காண்க.
- 11) இரண்டாம் அடிப்படைத் தேற்றத்தைப் பயன்படுத்தி பின்வருவனவற்றை மதிப்பிடுக. $\int_1^2 \frac{dx}{x^2 + 5x + 6}$
- 12) இரண்டாம் அடிப்படைத் தேற்றத்தைப் பயன்படுத்தி பின்வருவனவற்றை மதிப்பிடுக. $\int_0^1 \frac{(\sin^{-1} x)^3}{\sqrt{1-x^2}} dx$

பகுதி - ஈ

3 x 10 = 30

- 13) ஆரம் ' r ' குத்துயரம் ' h ' உடைய கூம்பின் கனஅளவைக் காண்க.
- 14) $y = \sin x$ என்ற வளைவரை $x = 0$, $x = \pi$ மற்றும் x -அச்சு ஆகியவற்றால் ஏற்படும் பரப்பினை x -அச்சினைப் பொறுத்து சுழற்றும் போது கிடைக்கும் திடப்பொருளின் வளைபரப்பு $2\pi[\sqrt{2} + \log(1 + \sqrt{2})]$ என நிறுவுக.
- 15) a) ஆரம் a உடைய வட்டத்தின் சுற்றளவைக் காண்க.

(OR)

- b) $y = 0$, $x = 4$ மற்றும் $3x - 4y = 0$ என்ற சமன்பாடுகளை பக்கங்களாக கொண்ட முக்கோணத்தின் பரப்பை x -அச்சைப் பொறுத்து சுழற்றுவதால் ஏற்படும் திடப்பொருள் கனஅளவு காண்க.
