

மாதிரி வினாத்தாள்
வகை நுண்கணிதம் : பயன்பாடுகள் - II - பகுதி-II
12th Standard

கணிதம்

Reg.No. :

- I. அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.
II. நீலம் அல்லது கருப்பு மையினை மட்டுமே எழுதுவதற்கு பயன்படுத்த வேண்டும்.
III. வினா எண் 15 ற்கு கண்டிப்பாக விடையளிக்கவும்.

Time : 01:00:00 Hrs

Total Marks : 75

3 x 1 = 3

பகுதி-அ

- 1) $x = r \cos \theta, y = r \sin \theta$ எனில் $\frac{\partial r}{\partial x} =$
(a) $\sec \theta$ (b) $\sin \theta$ (c) $\cos \theta$ (d) $\operatorname{cosec} \theta$
- 2) பின்வருவனவற்றுள் சரியான கூற்றுகள் : (i) ஒரு வளைவரை ஆதியை பொறுத்து சமச்சீர் பெற்றிருப்பின் அது இரு அச்சுகளைப் பொறுத்தும் சமச்சீர் பெற்றிருக்கும் (ii) ஒரு வளைவரை இரு அச்சுகளைப் பொறுத்து சமச்சீர் பெற்றிருப்பின் அது ஆதியைப் பொறுத்தும் சமச்சீர் பெற்றிருக்கும் (iii) $f(x, y) = 0$ என்ற வளைவரை $y = x$ என்ற கோட்டைப் பொறுத்து சமச்சீர் பெற்றுள்ளதெனில் $f(x, y) = f(y, x)$ (iv) $f(x, y) = 0$, என்ற வளைவரைக்கு $f(x, y) = f(-y, -x)$, உண்மையாயின் அது ஆதியைப் பொறுத்து சமச்சீர் பெற்றிருக்கும்.
(a) (ii), (iii) (b) (i), (iv) (c) (i), (iii) (d) (ii), (iv)
- 3) $u = \log\left(\frac{x^2+y^2}{xy}\right)$ எனில் $x \frac{\partial u}{\partial x} + y \frac{\partial u}{\partial y}$ என்பது
(a) 0 (b) u (c) $2u$ (d) u^{-1}

பகுதி - ஆ

3 x 3 = 9

- 4) X மீட்டர் பக்க அளவு கொண்ட ஒரு கன சதுரத்தின் பக்கம் 1% பெருகும் போது அதன் கன அளவில் ஏற்படும் தோராயமான மாற்றத்தைக் கணக்கிடுக.
- 5) வகையீடு dy காண்க. மேலும் கொடுக்கப்பட்ட x மற்றும் dx -ன் மதிப்புகளுக்கு dy -ன் மதிப்புகளை கணக்கிடுக.
 $y = x^4 - 3x^3 + x - 1, x = 2, dx = 0.1$
- 6) வகையீடு dy காண்க. மேலும் கொடுக்கப்பட்ட x மற்றும் dx -ன் மதிப்புகளுக்கு dy -ன் மதிப்புகளை கணக்கிடுக. $y = (x^2 + 5)^3, x = 1, dx = 0.05$

பகுதி - இ

5 x 6 = 30

- 7) யூலரின் தேற்றத்தைப் பயன்படுத்தி பின்வருவனவற்றை நிரூபிக்க: $u = xy^2 \sin\left(\frac{x}{y}\right)$ எனில் $x \frac{\partial u}{\partial x} + y \frac{\partial u}{\partial y} = 3u$ எனக் காட்டுக.
- 8) $y = f(x) = x^3 + x^2 - 2x + 1$ எனில் Δy மற்றும் dy -ஐ கீழ்க்காணும் நிபந்தனைக்குட்பட்டு கணக்கிடுக 2 லிருந்து 2.01 X மாறும் போது
- 9) வகையீடுகளைப் பயன்படுத்தி $\sqrt[3]{65}$ தோராய மதிப்புகளைக் காண்க.
- 10) ஒரு தனி ஊசலின் நீளம் l மற்றும் முழு அலைவு நேரம் T எனில் $T = k\sqrt{l}$ (k என்பது மாறிலி). தனி ஊசலின் நீளம் 32.1 செ.மீ இலிருந்து 32.0 செ.மீக்கு மாறும் போது, நேரத்தில் ஏற்படும் சதவீதப் பிழையை கணக்கிடுக.
- 11) ஒரு வட்ட வடிவத் தகட்டின் ஆரம் 10 செ.மீ (± 0.02). இதன் பரப்பு கணக்கிடும் போது ஏற்படும் பிழையைக் கணக்கிடுக மற்றும் இதன் சதவீதப் பிழையையும் கணக்கிடுக.

பகுதி - ஈ

4 x 10 = 40

- 12) $y = x^3$ என்கிற வளைவரையை வரைக.
- 13) $f(x, y) = \frac{1}{\sqrt{x^2+y^2}} = (x^2+y^2)^{-1/2}$ க்கு யூலரின் தேற்றத்தை சரிபார்க்க.
- 14) $u = \sin\left(\frac{x+y}{\sqrt{x+y}}\right)$ எனில் $x \frac{\partial u}{\partial x} + y \frac{\partial u}{\partial y} = \frac{1}{2} \left(\frac{x+y}{\sqrt{x+y}}\right) \cos\left(\frac{x+y}{\sqrt{x+y}}\right)$ என நிரூபிக்க.
- 15) a) $u = \sin\left(\frac{x}{y}\right)$ எனில் $\frac{\partial^2 u}{\partial x^2 \partial y} = \frac{\partial^2 u}{\partial x \partial y^2}$ என்பதை சரிபார்க்க.

(OR)

- b) $u = \frac{x^2}{y} - \frac{2y^2}{x}$ எனில் $\frac{\partial^2 u}{\partial x \partial y} = \frac{\partial^2 u}{\partial y \partial x}$ என்பதை சரிபார்க்க.
