

**மாதிரி வினாத்தாள்**  
**கலப்பெண்கள் - பகுதி V**

12th Standard

**கணிதம்**

Reg.No. :

- I. அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.  
II. நீலம் அல்லது கருப்பு மையினை மட்டுமே எழுதுவதற்கு பயன்படுத்த வேண்டும்.  
III. வினா எண் 17-ற்கு கண்டிப்பாக விடையளிக்கவும்

Time : 02:00:00 Hrs

Total Marks : 88

6 x 1 = 6

**பகுதி - அ**

- 1)  $i^{13} + i^{14} + i^{15} + i^{16}$  ன் இணை கலப்பெண்  
(a) 1 (b) -1 (c) 0 (d)  $-i$
- 2)  $-i + 2$  என்பது  $ax^2 - bx + c = 0$  என்ற சமன்பாட்டின் ஒரு மூலமெனில் மற்றொரு தீர்வு  
(a)  $-i - 2$  (b)  $i - 2$  (c)  $2 + i$  (d)  $2i + 1$
- 3)  $\pm i\sqrt{7}$  என்ற தீர்வுகளைக் கொண்ட இருபடி சமன்பாடு.  
(a)  $x^2 + 7 = 0$  (b)  $x^2 - 7 = 0$  (c)  $x^2 + x + 7 = 0$  (d)  $x^2 - x - 7 = 0$
- 4)  $4 - 3i$  மற்றும்  $4 + 3i$  என்ற மூலங்களைக் கொண்ட சமன்பாடு.  
(a)  $x^2 + 8x + 25 = 0$  (b)  $x^2 + 8x - 25 = 0$  (c)  $x^2 - 8x + 25 = 0$  (d)  $x^2 - 8x - 25 = 0$
- 5)  $ax^2 + bx + 1 = 0$  என்ற சமன்பாட்டின் ஒரு தீர்வு  $\frac{1-i}{1+i}$  அயும்,  $b$ யும் மெய் எனில்  $(a, b)$  என்பது  
(a) (1, 1) (b) (1, -1) (c) (0, 1) (d) (1, 0)
- 6)  $x^2 - 6x + k = 0$  என்ற சமன்பாட்டின் ஒரு மூலம்  $-i + 3$  எனில்  $k$ ன் மதிப்பு  
(a) 5 (b)  $\sqrt{5}$  (c)  $\sqrt{10}$  (d) 10

**பகுதி - ஆ**

7 x 6 = 42

- 7)  $n$  என்பது மிகை முழு எண் எனில்  $\left(\frac{1+\sin\theta+i\cos\theta}{1+\sin\theta-i\cos\theta}\right)^n = \cos n\left(\frac{\pi}{2}-\theta\right) + i\sin n\left(\frac{\pi}{2}-\theta\right)$  என நிரூபிக்க.
- 8)  $n$  என்பது மிகை முழு எண் எனில்  $(\sqrt{3}+i)^n + (\sqrt{3}-i)^n = 2^{n+1}\cos\frac{n\pi}{6}$  என நிரூபிக்க.
- 9) பின்வருவனவற்றை  $a + ib$  திட்ட வடிவில் எழுதுக.  $\frac{i^4+i^9+i^{16}}{3-2i^8-i^{10}-i^{15}}$
- 10) பின்வரும் சமன்பாடுகளை நிறைவு செய்யும்  $x$  மற்றும்  $y$ -யின் மெய் மதிப்புகளைக் காண்க.  $\frac{(1+i)x-2i}{3+i} + \frac{(2-3i)y+i}{3-i} = i$
- 11) பின்வரும் சமன்பாடுகளை நிறைவு செய்யும்  $x$  மற்றும்  $y$ -யின் மெய் மதிப்புகளைக் காண்க.  $\sqrt{x^2+3x+8} + (x+4)i = y(2+i)$
- 12)  $\omega^3 = 1$  எனில்  $\frac{1}{1+2\omega} - \frac{1}{1+\omega} + \frac{1}{2+\omega} = 0$  என நிறுவுக.
- 13) பின்வரும் கலப்பெண்களின் மட்டு வீச்சு காண்க.  $1 + i\sqrt{3}$

**பகுதி - இ**

4 x 10 = 40

- 14)  $(-\sqrt{3}-i)^{\frac{2}{3}}$ -ன் எல்லா மதிப்புகளையும் காண்க.
- 15)  $P$  எனும் புள்ளி கலப்பெண் மாறி  $z$  ஐக் குறித்தால்  $P$ -இன் நியமப்பாதையை  $Im\left[\frac{2z+i}{iz-1}\right] = -1$  என்ற கட்டுபாட்டிற்கு உட்பட்டு காண்க.
- 16)  $x + \frac{1}{x} = 2\cos\theta$ ,  $y + \frac{1}{y} = 2\cos\phi$  எனில்  $\frac{x^m}{y^n} - \frac{y^n}{x^m} = 2i\sin(m\theta - n\phi)$  எனக் காட்டுக.
- 17) a)  $x^2 - 2x + 4 = 0$  -இன் மூலங்கள்  $\alpha$  மற்றும்  $\beta$  எனில்  $\alpha^n - \beta^n = i2^{n+1}\sin\frac{n\pi}{3}$  அதிலிருந்து  $\alpha^9 - \beta^9$  மதிப்பை பெறுக.  
(OR)

- b)  $\left(\frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^{\frac{3}{4}}$ -ன் எல்லா மதிப்புகளையும் காண்க மற்றும் அதன் மதிப்புகளின் பெருக்கற்பலன் 1 எனவும் காட்டுக.

\*\*\*\*\*