

மாதிரி வினாத்தாள்
வெக்டர் இயற்கணிதம் - பகுதி IV
12th Standard

கணிதம்

Reg.No. :

I.அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

II.நீலம் அல்லது கருப்பு மையினை மட்டுமே எழுதுவதற்கு பயன்படுத்த வேண்டும்.

Time : 02:00:00 Hrs

Total Marks : 80

4 x 1 = 4

பகுதி-அ

- 1) $[\vec{a} + \vec{b}, \vec{b} + \vec{c}, \vec{c} + \vec{a}] = 8$ எனில் $[\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}]$ ன் மதிப்பு
(a) 4 (b) 16 (c) 32 (d) -4
- 2) $[\vec{i} + \vec{j}, \vec{j} + \vec{k}, \vec{k} + \vec{i}]$ ன் மதிப்பு
(a) 0 (b) 1 (c) 2 (d) 4
- 3) $(2, 10, 1)$ என்ற புள்ளிக்கும் $\vec{r} \cdot (3\vec{i} - \vec{j} + 4\vec{k}) = 2\sqrt{26}$ என்ற தளத்திற்கும் இடைப்பட்ட மிகக்குறைந்த தூரம்
(a) $2\sqrt{26}$ (b) $\sqrt{26}$ (c) 2 (d) $\frac{1}{\sqrt{26}}$
- 4) $(\vec{a} \times \vec{b}) \times (\vec{c} \times \vec{d})$ என்பது
(a) $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$ மற்றும் $\vec{d}$ க்கு செங்குத்து (b) $(\vec{a} \times \vec{b})$ மற்றும் $(\vec{c} \times \vec{d})$ என்ற வெக்டர்களுக்கு இணை
(c) $\vec{a}, \vec{b}$ ஐ கொண்டதளமும் $\vec{c}, \vec{d}$ கொண்ட தளமும் வெட்டிக்கொள்ளும் கோட்டிற்கு இணை
(d) $\vec{a}, \vec{b}$ ஐ கொண்டதளமும் $\vec{c}, \vec{d}$ கொண்ட தளமும் வெட்டிக்கொள்ளும் கோட்டிற்கு செங்குத்து

பகுதி - ஆ

4 x 3 = 12

- 5) $(3, -1, 2), (1, -1, -3),$ மற்றும் $(4, -3, 1)$ ஆகியவற்றை உச்சிகளாய்க் கொண்டு முக்கோணத்தின் பரப்பு காண்க.
- 6) $B(5, 2, 4)$ என்ற புள்ளி வழிச் செயல்படும் விசை $4\vec{i} + 2\vec{j} + \vec{k}$ -இன் வெக்டர் திருப்புத் திறன் $A(3, -1, 3)$ என்ற புள்ளியைப் பொறுத்து $\vec{i} + 2\vec{j} - 8\vec{k}$ எனக் காட்டுக.
- 7) $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$ என்பன ஒருதள அமை வெக்டர்கள் எனில் $\vec{a} + \vec{b}, \vec{b} + \vec{c}, \vec{c} + \vec{a}$ என்பவையும் ஒருதள அமை வெக்டர்கள் ஆகும். இதன் மறுதலையும் உண்மை என்பதனைக் காட்டுக.
- 8) $-12\vec{i} + \lambda \vec{k}, 3\vec{j} - \vec{k}, 2\vec{i} + \vec{j} - 15\vec{k}$ என்ற வெக்டர்களை முனைப் புள்ளிகளாகக் கொண்ட இணைகரத்தின்மத்தின் கனஅளவு 546எனில் λ இன் மதிப்பு காண்க.

பகுதி - இ

4 x 6 = 24

- 9) $\vec{r} = (2\vec{i} - \vec{j} - \vec{k}) + t(\vec{i} - 2\vec{j} + 3\vec{k})$ மற்றும் $\vec{r} = (\vec{i} - 2\vec{j} + \vec{k}) + s(\vec{i} - 2\vec{j} + 3\vec{k})$
- 10) $\vec{r} = (3\vec{i} + 5\vec{j} + 7\vec{k}) + t(\vec{i} - 2\vec{j} + \vec{k})$ மற்றும் $\vec{r} = (\vec{i} + \vec{j} + \vec{k}) + s(7\vec{i} + 6\vec{j} + 7\vec{k})$ என்பன ஒரு தளத்தில் அமையாத கோடுகள் எனக் காட்டுக.
- 11) $\frac{x-6}{3} = \frac{y-7}{-1} = \frac{z-4}{1}$ மற்றும் $\frac{x}{-3} = \frac{y+7}{2} = \frac{z-2}{4}$ என்ற ஒரு தளத்தில் அமையாத கோடுகளின் இடைப்பட்ட மீச்சிறு தூரத்தைக் காண்க.
- 12) $(2, -1, 3), (1, -1, 0)$ மற்றும் $(3, -1, 6)$ என்பன ஒரே கோட்டமைந்தவை எனக் காட்டு.

பகுதி - ஈ

4 x 10 = 40

- 13) $(2, -1, -3)$ வழியேச் செல்லக்கூடியது $\frac{x-2}{3} = \frac{y-1}{2} = \frac{z-3}{-4}$ மற்றும் $\frac{x-1}{2} = \frac{y+1}{3} = \frac{z-2}{2}$ ஆகிய கோடுகளுக்கு இணையாக உள்ளதுமான தளத்தின் வெக்டர் மற்றும் கார்டிசியன் சமன்பாடுகளைக் காண்க.
- 14) $(-1, 1, 1)$ மற்றும் $(1, -1, 1)$ ஆகிய புள்ளிகள் வழியேச் செல்லக் கூடியது $x + 2y + 2z = 5$ என்ற தளத்திற்கு செங்குத்தாக அமைவதுமான தளத்தின் வெக்டர் மற்றும் கார்டிசியன் சமன்பாடுகளைக் காண்க.
- 15) $(2, 2, -1)(3, 4, 2)$ மற்றும் $(7, 0, 6)$ ஆகிய புள்ளிகள் வழியேச் செல்லக்கூடிய தளத்தின் வெக்டர் மற்றும் கார்டிசியன் சமன்பாட்டைக் காண்க.
- 16) a) $2\vec{i} + 7\vec{j} + 8\vec{k}$ எனும் வெக்டருக்குச் செங்குத்தாகவும் ஆதியில் இருந்து 18 அலகுகள் தூரத்தில் இருக்கும் தளத்தின் வெக்டர் மற்றும் கார்டிசியன் சமன்பாடுகளைக் காண்க.
b) ஆதியிலிருந்து ஒரு தளத்திற்கு வரையப்பட்ட செங்குத்தின் அடிப்புள்ளி $(8, -4, 3)$ எனில் அடித்தளத்தின் சமன்பாடு காண்க.
