

மாதிரி வினாத்தாள்
வகை நுண்கணிதம் 2

11th Standard

கணிதம்

Reg.No. :

--	--	--	--	--	--

I. அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

II. நீலம் மற்றும் கருப்பு மையினை மட்டுமே எழுதுவதற்கு பயன்படுத்த வேண்டும்.

Time : 02:00:00 Hrs

Total Marks : 60

10 x 1 = 10

பகுதி - அ

- $\lim_{x \rightarrow 0} x \cot x = \dots\dots\dots$
(a) 0 (b) -1 (c) ∞ (d) 1
- $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 - \frac{1}{x}\right)^x = \dots\dots\dots$
(a) e (b) -e (c) $\frac{1}{e}$ (d) 0
- $f(x) = \begin{cases} \sin \frac{(x-2)}{x-2}, & x \neq 2 \\ 0, & x = 2 \end{cases}$ என்ற சார்பு எப்பள்ளியில் தொடர்ச்சியற்றது?
(a) $x=0$ (b) $x=-1$ (c) $x=-2$ (d) $x=2$
- $y = \tan x$ என்ற சார்பு எப்பள்ளியில் தொடர்ச்சியானது?
(a) $x=0$ (b) $x = \frac{\pi}{2}$ (c) $x = \frac{3\pi}{2}$ (d) $x = \frac{-\pi}{2}$
- $f(x) = \begin{cases} 2, & x \leq 1 \\ x, & x > 1 \end{cases}$ என்ற சார்புக்கு எப்பள்ளியில் வகைக்கெழு இல்லை?
(a) $x=0$ (b) $x=-1$ (c) $x=1$ (d) $x=-2$
- $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x-2}{x+2}$ -ன் மதிப்பு
(a) 2 (b) -2 (c) 1 (d) -1
- $\frac{d}{dx} \left(\frac{1}{\log_x} \right)$ -ன் மதிப்பு
(a) $\log_x^4$ (b) $\frac{1}{x}$ (c) $\frac{1}{x^4}$ (d) $\log_4 e$
- $\frac{dy}{dx} x^3 + y^3 = 3axy$ -ன் மதிப்பு
(a) $\frac{ay-x^2}{y^2+ax}$ (b) $\frac{ay-x^2}{y^2-ax}$ (c) $ay-x^2$ (d) y^2-ax
- $y = 3x^3 + x^2 + 1$, எனில் $\frac{d^3y}{dx^2} =$
(a) $18x+2$ (b) 18 (c) 2 (d) $9x^2+2x$
- $y = \sqrt{\sin x}$, எனில் $\frac{dy}{dx}$
(a) $\frac{\cos x}{2\sqrt{\sin x}}$ (b) $\frac{\sin x}{2\sqrt{\cos x}}$ (c) $\frac{\cos x}{\sqrt{\sin x}}$ (d) $\frac{\cos x}{\sin \sqrt{x}}$

பகுதி - ஆ

5 x 2 = 10

- வகையிடுக: $\cot^{-1} \left[\frac{\sqrt{1+\sin x} + \sqrt{1-\sin x}}{\sqrt{1+\sin x} - \sqrt{1-\sin x}} \right]$ Hint: $\sin^2 x/2 + \cos^2 x/2 = 1$; $\sin x = 2\sin x/2\cos x/2$
- $y = e^{\tan^{-1} x}$ எனில் $(1+x^2)y_2 + (2x-1)y_1 = 0$ எனக்காட்டு.
- $y = \log(x^2 - a^2)$ எனில் $y_3 = 2 \left[\frac{1}{(x+a)^3} + \frac{1}{(x-a)^3} \right]$ எனக்காட்டு
- $y = \sqrt{1 + \sin^2 x}$ எனில் $\frac{dy}{dx}$ -ஐக் காண்க
- பின்வரும் சார்புக்கு $\frac{dy}{dx}$ காண்க
 $y = \tan^{-1} \frac{\cos x}{1 + \sin x}$

பகுதி - இ

5 x 3 = 15

- $f(x) = \begin{cases} 2x, & 0 \leq x \leq 1 \\ 3, & x=1 \\ 4x, & 1 < x \leq 1 \end{cases}$ எனும் பொழுது $x=1$ ல்.
-

புள்ளிகளில் தொடர்ச்சித்தன்மையை ஆராய்க $\begin{cases} \frac{x^2}{2}, & 0 \leq x \leq 1 \\ 2x^2 - 3x + \frac{3}{2}, & 1 < x \leq 2 \end{cases}$ எனில் $f(x)$ ஆனது $x=1$ எனும் புள்ளியில் தொடர்ச்சியானது எனக்காட்டு.

- வகைப்படுத்துக $\sin^2 x$

19) $x=c$ எனும் புள்ளியில் கீழ்க்காணும் சார்புக்கு தொடர்ச்சித்தன்மையை ஆய்வு செய்க, $\frac{\sin(x-c)}{x-c}, x \neq c$

20) சார்பு $f(x)$ ஆனது $[0, 2]$ என்ற மூடிய இடைவெளியில் கீழ்க்காணுமாறு வரையறுக்கப்படுகிறது:

$$f(x) = x \quad 0 \leq x \leq 1 \text{ எனில்}$$

$$= 2x - 1 \quad 1 < x \leq 2 \text{ எனில்}$$

$f(x)$ ஆனது $x = 1$ எனும் புள்ளியில் தொடர்ச்சியானதாகவும் ஆனால் அப்புள்ளியில் வகையிடத்தக்கதல்ல எனவும் காட்டுக
பகுதி - II

5 x 5 = 25

21) x -ஐப் பொறுத்து கீழ்க்காணும் சார்புகளை வகையிடுக:

$$\frac{(x^2+2)(x+\sqrt{2})}{(\sqrt{x+4})(x-7)}$$

22) கீழ்க்காணும் உடன்படு சார்புகளுக்கு dy/dx காண்க

$$x^m y^n = (x+y)^{m+n}$$

23) வகைப்படுத்துக $\frac{\cos x + \log x}{x^2 + e^x}$

24) மதிப்பிடுக $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^3 - 1}{x - 1}$

25) கணக்கிடுக $\lim_{x \rightarrow \pi/6} \frac{2\sin^2 x + \sin x - 1}{2\sin^2 x - 3\sin x + 1}$

