

**அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளி**

Time : 02:30:00 Hrs

Total Marks : 100

8 x 1 = 8

**பகுதி அ**

- 1)  $\vec{a}$  வெக்டருக்கு இணையாக உள்ள வெக்டார்கள்.
 

(a)  $\hat{a} = \frac{\vec{a}}{|\vec{a}|}$  (b)  $\pm|\vec{a}|$  (c)  $\vec{a} = |\vec{a}|\hat{a}$  (d)  $\pm(\hat{a})$
- 2) கீழ்க்கண்டவற்றுள் எது வெக்டர் கணியம்
 

(a) வேலை (b) பருமன் (c) எடை (d) இவற்றுள் எதுவுமில்லை
- 3) வெக்டர் வார்த்தை எந்த நாட்டின் மொழி
 

(a) ஜெர்மன் (b) அமெரிக்கா (c) லத்தீன் (d) ஐரிஸ்
- 4) P, Q ஆகியவற்றின் நி.வெ.  $3\vec{a} - 2\vec{b}$  மற்றும்  $\vec{a} + \vec{b}$  எனில் -ஐ வெளிப்புறமாக என்ற புள்ளி 2:1 என்ற விகிதத்தில் பிரிக்கிறது எனில் அதன் மதிப்பு.
 

(a)  $\vec{a} + 4\vec{b}$  (b)  $\vec{a} - 4\vec{b}$  (c)  $-\vec{a} + 4\vec{b}$  (d)  $-\vec{a} - 4\vec{b}$
- 5)  $-2\vec{i} + \vec{j} - 5\vec{k}$  என்ற வெக்டரின் திசைக் கொசைன்கள்
 

(a) -2, 1, -5 (b)  $\frac{-1}{\sqrt{30}}, \frac{1}{\sqrt{30}}, \frac{-5}{\sqrt{30}}$  (c)  $\frac{-2}{\sqrt{30}}, \frac{1}{\sqrt{30}}, \frac{-5}{\sqrt{30}}$  (d) 2, -1, 5
- 6) கீழ்காண்பவைகளை வெக்டர்களாக வகைப்படுத்துக.
 

(i) கால கட்டம் (ii) தொலைவு  
(iii) முடுக்கம் (iv) திசை வேகம்  
(a) (i) மற்றும் (ii) (b) (iii) மற்றும் (iii) (c) (iii) மற்றும் (iv) (d) (iv) மற்றும் (i)
- 7)  $\vec{a} = \vec{i} + 2\vec{j} + 2\vec{k}, \vec{b} = 2\vec{i} - \vec{j} - \vec{k}$  எனில்  $|\vec{a} + \vec{b}|^2$ 

(a) 11 (b)  $\sqrt{11}$  (c) -11 (d)  $-\sqrt{11}$
- 8)  $\vec{a} = \vec{i} + 2\vec{j} + 2\vec{k}, \vec{b} = 2\vec{i} - \vec{j} - \vec{k}$  எனில்  $|\vec{a} - \vec{b}|^2$ 

(a)  $\sqrt{19}$  (b) 19 (c) -19 (d)  $-\sqrt{19}$

**பகுதி ஆ**

10 x 2 = 20

- 9)  $\vec{a} - 2\vec{b} + 3\vec{c}, \vec{a} - 3\vec{b} + 5\vec{c}$  மற்றும்  $-2\vec{a} + 3\vec{b} - 4\vec{c}$  எனும் வெக்டர்கள் ஒரு தள வெக்டர்கள் இல்லை என நிறுவுக.
- 10) ஒரு முக்கோணத்தின் மையக்கோடுகள் ஒரு புள்ளி வழிச் செல்லும் என நிறுவுக.
- 11) ஒரு முக்கோணத்தின் ஏதேனும் இரு பக்கங்களின் மையப்புள்ளிகளை இணைக்கும் கோடு மூன்றாவது பக்கத்திற்கு இணை என மற்றும் அதன் அளவில் பாதி அளவும் வெக்டர் முறையில் நிறுவுக.
- 12)  $A = (-4, \lambda, 3)$  என்ற புள்ளியின் நிலைவெக்டர்  $\vec{a}$ -யின் எண்ணளவு 13 எனில்  $\lambda$ -ன் மதிப்பைக் காண்க.
- 13) A, B, C, D என்ற புள்ளிகளின் நிலை வெக்டர்கள் முறையே  $2\vec{i} + 4\vec{k}, 5\vec{i} + 3\sqrt{3}\vec{j} + 4\vec{k}, -2\sqrt{3}\vec{j} + \vec{k}$  மற்றும்  $2\vec{i} - \vec{k}$  எனில் AB-யும் இணை என நிறுவுக.
- 14) A, B, C என்ற புள்ளிகளைக் குறிக்கும் நிலை வெக்டர்கள்  $-2\vec{i} + 3\vec{j} + 5\vec{k}, \vec{i} + 2\vec{j} + 3\vec{k}$  மற்றும்  $7\vec{i} - \vec{k}$  எனில் A, B, C எனும் புள்ளிகள் ஒரு கோட்டமை புள்ளிகள் என நிறுவுக
- 15)  $2\vec{i} - \vec{j} + \vec{k}, \vec{i} - 3\vec{j} - 5\vec{k}$  மற்றும்  $3\vec{i} - 4\vec{j} - 4\vec{k}$  எனும் நிலை வெக்டர்களைக் குறிக்கும் புள்ளிகள் ஒரு செங்கோண முக்கோணத்தை அமைக்கும் என நிறுவுக.
- 16)  $\vec{PO} + \vec{OQ} = \vec{QO} + \vec{OR}$  எனில், P, Q, R எனும் புள்ளிகள் ஒரு கோட்டுப் புள்ளிகள் என நிறுவுக
- 17)  $\triangle ABC$ -யில், BC-யின் மையப்புள்ளி D எனில்,  $\vec{AB} + \vec{AC} = 2\vec{AD}$  என நிறுவுக
- 18) A, B, C, D-யின் இணைகரம் ABCD-யில் இவற்றின் மையப்புள்ளிகள் முறையே L, M எனில்  $\vec{AL} + \vec{AM} = \frac{3}{2}\vec{AC}$  என நிறுவுக.

**பகுதி இ**

9 x 3 = 27

- 19)  $\vec{a}, \vec{b}$  என்பவை ஏதேனும் இரு வெக்டர்கள் என்க. m என்பது ஏதேனும் ஒரு திசையிலியால்  $m(\vec{a} + \vec{b}) = m\vec{a} + m\vec{b}$
- 20)  $\vec{OA}$  மற்றும்  $\vec{OB}$  என்பவை முறையே A, B யின் நிலை வெக்டர்களாக இருப்பின்  $\vec{AB} = \vec{OB} - \vec{OA}$
- 21) ஏதேனும் இரு புள்ளிகள் A, B ன் நிலை வெக்டர்கள் முறையே  $\vec{a}, \vec{b}$  என்க P என்ற புள்ளியானது AB-ஐ உட்புறமாக m : n என்ற வித்தியாசத்தில் பிரிக்குமாயின் P ன் நிலை வெக்டர்  $\vec{OP} = \frac{n\vec{a} + m\vec{b}}{m+n}$  ஆகும்
- 22)  $\vec{a}, \vec{b}$  என்பவை ஒரே நேர்கோட்டில் அமையாத ஏதேனும் இரு வெக்டர்கள் என்க.  $\vec{r}$  என்பது  $\vec{a}, \vec{b}$  -யுடன் ஒரு தளத்தில் அமைந்த வெக்டராயின்  $\vec{r} = i\vec{a} + m\vec{b}$  எனுமாறு தனித்த வகையில் எழுதலாம். இங்கு i, m என்பது திசையிலிகளாகும்.

- 23) இரு பரிமாணத்தில் P என்ற ஒரு புள்ளியின் அச்சதூரங்கள் (x, y) எனில்  $\vec{OP} = x\vec{i} + y\vec{j}$  ஆகும். இங்கு  $\vec{i}, \vec{j}$  என்பவை முறையே OX மற்றும் OY திசைகளில் எடுக்கப்பட்ட ஓரலகு வெக்டர்களாகும்.
- 24)  $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$  என்ற வெக்டர்கள் ஒரு தலத்தில் அமையாதவைகள் எனில் ஒரு வெளியில் உள்ள எந்த வெக்டர்  $\vec{r}$ -ஐ  $\vec{a} = m\vec{a} + n\vec{b} + p\vec{c}$  என எழுதலாம் இங்கு என்பவை திசையிலிகள்
- 25) மூவளவை வெளியில் P என்ற புள்ளியில் அச்சதூரங்கள் (x, y, z) எனில் அதன் நி.வெ  $\vec{r} = x\vec{i} + y\vec{j} + z\vec{k}$  மற்றும்  $|\vec{r}| = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$  ஆகும். இங்கு  $\vec{i}, \vec{j}, \vec{k}$  என்பவை முறையே OX, OY, OZ வழியே எடுக்கப்பட்ட ஓரலகு வெக்டர்கள்.
- 26) Find the magnitude and direction cosines of  $2\vec{i} - \vec{j} + 7\vec{k}$
- 27) The medians of a triangle are concurrent

பகுதி II

9 x 5 = 45

- 28) A(-6, 3), B(-2, -5) என்ற புள்ளிகள் என்றால்  $\vec{AB}$  ஐ ஓரலகு வெக்டர்கள்  $\vec{i}, \vec{j}$  மூலமாக எழுதுக. மேலும்  $\left| \vec{AB} \right|$  ஐக் காண்க.
- 29)  $2\vec{i} - \vec{j} + 2\vec{k}$  என்ற வெக்டரின் எண்ணளவு மற்றும் திசைக் கொசைன்களை காண்க.
- 30)  $3\vec{i} + 4\vec{j} - 12\vec{k}$  என்ற வெக்டரின் மற்றும் திசையில் ஓரலகு வெக்டரை காண்க.
- 31)  $\vec{i} - \vec{j} + 2\vec{k}$  மற்றும்  $2\vec{i} + 3\vec{j} - 4\vec{k}$  என்ற வெக்டர்களின் கூடுதல் காண்க. மேலும் அக்கூடுதலின் எண்ணளவைக் காண்க.
- 32)  $\vec{i} + 2\vec{j} - 3\vec{k}$  மற்றும்  $2\vec{i} - 4\vec{j} + \vec{k}$  என்ற வெக்டர்கள் மற்றும் ன் நிலை வெக்டர்கள் எனில்  $\left| \vec{AB} \right|$  ஐக் காண்க.
- 33)  $-3\vec{i} + 4\vec{j}$  என்ற வெக்டருக்கு இணையான ஓரலகு வெக்டர்களைக் காண்க.
- 34)  $2\vec{i} - \vec{j}$  என்ற வெக்டருக்கு இணையாகவும் எண்ணளவு 5 அலகுகளாகவும் கொண்ட வெக்டர்களைக் காண்க.
- 35)  $2\vec{i} + 3\vec{j} - 5\vec{k}, 3\vec{i} + \vec{j} - 2\vec{k}, 6\vec{i} - 5\vec{j} + 7\vec{k}$  என்ற நிலை வெக்டர்களைக் கொண்ட புள்ளிகள் ஒரே கோட்டமைப்பு புள்ளிகள் என நிரூபி.
- 36) A, B என்ற புள்ளிகளின் நிலை வெக்டர்கள்  $3\vec{i} - 7\vec{j} - 7\vec{k}, 5\vec{i} + 4\vec{j} + 3\vec{k}$  எனில்  $\vec{AB}$  ஐக் கண்டுபிடித்து அதன் எண்ணளவினையும், திசைகொசைன்களையும் காண்க.

\*\*\*\*\*

QUESTION BANK 35  
https://www.qb365.in