

மாதிரி வினாத்தாள்

குலங்கல் - பகுதி IV

12th Standard

கணிதம்

Reg.No. :

--	--	--	--	--	--

I.அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

II.நீலம் அல்லது கருப்பு மையினை மட்டுமே எழுதுவதற்கு பயன்படுத்த வேண்டும்.

III.வினா எண் 15-ற்கு கண்டிப்பாக விடையளிக்கவும்

Time : 01:00:00 Hrs

Total Marks : 75

5 x 1 = 5

பகுதி-அ

- மெய்யெண்களின் கணம் R ல் * என்ற ஈருருப்பு செயலி, $a * b = \sqrt{a^2 + b^2}$ என வரையறுக்கப்படுகிறது எனில் $(3 * 4) * 5$ ன் மதிப்பு
(a) 5 (b) $5\sqrt{2}$ (c) 25 (d) 50
- கீழ்க்கண்டவற்றுள் எது சரி?
(a) ஒரு குலத்தின் ஒரு உறுப்பிற்கு ஒன்றிற்கு மேற்பட்ட எதிர்மறை உண்டு
(b) குலத்தின் ஒவ்வொரு உறுப்பும் அதன் எதிர்மறையாக இருக்குமெனில் அக்குலம் ஒரு எபீலியன் குலமாகும்.
(c) மெய்யெண்களை உறுப்புகளாகக் கொண்ட எல்லா 2×2 அணிக்கோவைகளும் பெருக்கல் விதியில் குலமாகும்
(d) எல்லா $a, b \in G$ க்கும் $(a*b)^{-1} = a^{-1} * b^{-1}$
- பெருக்கல் விதியை பொறுத்து குலமாகிய ஒன்றின் நாலாம் மூலங்களில் -i ன் வரிசை
(a) 4 (b) 3 (c) 2 (d) 1
- பின்வரும் கூற்றுகளின் மெய்மதிப்புகள்
i) பாரீஸ் ஆனது பிரான்சில் உள்ளது
ii) $\sin x$ ஒரு இரட்டைப்படைச் சார்பு
iii) ஒவ்வொரு சதுர அணியும் பூச்சியமற்ற அணிக்கோவை அணியாகும்
iv) ஜூபிடர் ஒரு கிரகமாகும்
(a) TFFT (b) FTFT (c) FTTF (d) FFFT
- p மெய்யாகவும், q தெரியாததாகவும் இருப்பின்,
(a) $\sim p$ ஒரு உண்மை (b) $p \vee (\sim p)$ ஒரு தவறு (c) $p \wedge (\sim p)$ ஒரு தவறு (d) $p \vee q$ ஒரு உண்மை

பகுதி - ஆ

3 x 3 = 9

- ஒரு குலத்தின் சமனி உறுப்பு ஒருமைத்தன்மை வாய்ந்தது என நிரூபி.
- ஒரு குலத்தின் ஒவ்வொரு உறுப்பும் ஒரேயொரு எதிர்மறையைப் பெற்றிருக்கும் என நிரூபி.
- ஒரு குலத்தில் உள்ள a க்கு, $(a^{-1})^{-1} = a$ என நிரூபி.

பகுதி - இ

5 x 6 = 30

- $(C,+)$ ஆனது ஒரு முடிவற்ற எபீலியன் குலம் என நிறுவுக.
- பூச்சியமற்ற கலப்பெண்களின் கணம், கலப்பெண்களின் வழக்கமான பெருக்கலின் கீழ் ஒரு எபீலியன் குலம் எனக் காட்டுக.
- 2×2 வரிசை கொண்ட பூச்சியமற்ற கோவை அணிகள் யாவும் முடிவற்ற எபீலியன் அல்லாத குலத்தை அணி பெருக்கலின் கீழ் அமைக்கும் எனக் காட்டுக. (இங்கு அணியின் உறுப்புகள் யாவும் R ஐச் சேர்ந்தவை).
- $\sim ((\sim p) \wedge (\sim q))$ - க்குரிய மெய் அட்டவணையை அமைக்க.
- $((\sim q) \wedge p) \wedge q$ ஒரு முரண்பாடு என நிரூபி.

பகுதி - ஈ

3 x 10 = 30

- -1 - ஐ தவிர மற்ற எல்லா விகிதமுறு எண்களும் உள்ளடக்கிய கணம் G ஆனது $a * b = a + b + aba, b \in G$ எனுமாறு வரையறுக்கப்பட்ட செயலி * - இன் கீழ் ஒரு எபீலியன் குலத்தை அமைக்கும் எனக் காட்டுக.
- a) 11 - இன் மட்டுக்கு காணப்பெற்ற பெருக்கலின் கீழ் $\{[1], [3], [4], [5], [9]\}$ என்ற கணம் ஒரு எபீலியன் குலத்தை அமைக்கும் எனக் காட்டுக.
(OR)

- b) $\begin{pmatrix} a & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}, a \in R - \{0\}$ அமைப்பில் உள்ள எல்லா அணிகளும் அடங்கிய கணம் அணிப்பெருக்கலின் கீழ் ஒரு எபீலியன் குலத்தை அமைக்கும் எனக் காட்டுக.
