

மாதிரி வினாத்தாள்
கலப்பெண்கள் - பகுதி II

12th Standard

கணிதம்

Reg.No. :

I.அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

II.நீலம் அல்லது கருப்பு மையினை மட்டுமே எழுதுவதற்கு பயன்படுத்த வேண்டும்.

Time : 01:00:00 Hrs

Total Marks : 80

4 x 1 = 4

பகுதி-அ

- 1) $A + iB = (a_1 + ib_1)(a_2 + ib_2)(a_3 + ib_3)$ எனில் $A^2 + B^2$ ன் மதிப்பு
(a) $a_1^2 + b_1^2 + a_2^2 + b_2^2 + a_3^2 + b_3^2$ (b) $(a_1 + a_2 + a_3)^2 + (b_1 + b_2 + b_3)^2$ (c) $(a_1^2 + b_1^2)(a_2^2 + b_2^2)(a_3^2 + b_3^2)$ (d) $(a_1^2 + a_2^2 + a_3^2)(b_1^2 + b_2^2 + b_3^2)$
- 2) $a = 3 + i$ மற்றும் $z = 2 - 3i$ எனில் உள்ள $az, 3az$ மற்றும் $-az$ என்பன ஒரு ஆர்கன் தளத்தில்
(a) செங்கோண முக்கோணத்தின் முனைப்புள்ளிகள் (b) சமபக்க முக்கோணத்தின் முனைப்புள்ளிகள்
(c) இரு சமபக்க முக்கோணத்தின் முனைப்புள்ளிகள் (d) ஒரே கோடமைவன.
- 3) கலப்பெண் z_1, z_2, z_3, z_4 என்ற புள்ளிகள் முறையே ஒரு இணைகரத்தின் முனைப்புள்ளிகளாக இருப்பதற்கும் அதன் மறுதலையும் உண்மையாக இருப்பதற்கும் உள்ள நிபந்தனை
(a) $z_1 + z_4 = z_2 + z_3$ (b) $z_1 + z_3 = z_2 + z_4$ (c) $z_1 + z_2 = z_3 + z_4$ (d) $z_1 - z_2 = z_3 - z_4$
- 4) ஒரு கலப்பெண்ணின் வீச்சு $\frac{\pi}{2}$ எனில் அந்த எண்
(a) முற்றிலும் கற்பனை எண் (b) முற்றிலும் மெய் எண் (c) 0 (d) மெய்யும்ல்ல கற்பனையும்ல்ல

பகுதி - ஆ

4 x 3 = 12

- 5) $z^2 = (0, 1)$ எனில் z ஐ காண்க.
- 6) கீழ்க்காணும் காலப்பெண்களை துருவ வடிவத்தில் எழுதுக. $2 + 2\sqrt{3}i$
- 7) பின்வரும் கலப்பெண்களின் மெய் மற்றும் கற்பனைப் பகுதிகளைக் காண்க; $z = \frac{3i^{20} - i^{19}}{2i - 1}$
- 8) $z_1 = 2 + i, z_2 = 3 - 2i$ மற்றும் $z_3 = \frac{-1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$ எனில் பின்வருவனவற்றின் இணை எண்களைக் காண்க. $(ii) (z_3)^4$

பகுதி - இ

4 x 6 = 24

- 9) $(7 + 5i), (5 + 2i), (4 + 7i)$ மற்றும் $(2 + 4i)$ எனும் காலப்பெண்கள் ஒரு இணைகரத்தை அமைக்கும் என நிறுவுக.(புள்ளிகளை குறித்து மையப் புள்ளிக்கான வாய்பாட்டைப் பயன்படுத்துக).
- 10) $(z - 1)$ இன் வீச்சு $= \frac{\pi}{6}$ மற்றும் $(z + 1)$ இன் வீச்சு $= 2\frac{\pi}{3}$ எனில் $|z| = 1$ என நிறுவுக.
- 11) $3 + i$ ஐ ஒரு தீர்வாகக் கொண்ட $x^4 - 8x^3 + 24x^2 - 32x + 20 = 0$ எனும் சமன்பாட்டின் தீர்வுகளைக் காண்க.
- 12) $1 + 2i$ ஐ ஒரு தீர்வாகக் கொண்ட $x^4 - 4x^3 + 11x^2 - 14x + 10 = 0$ எனும் சமன்பாட்டின் தீர்வுகளைக் காண்க.

பகுதி - ஈ

4 x 10 = 40

- 13) $x^9 + x^5 - x^4 - 1 = 0$ என்ற சமன்பாட்டைத் தீர்க்க.
- 14) $x^7 + x^4 + x^3 + 1 = 0$ என்ற சமன்பாட்டைத் தீர்க்க.
- 15) $(\sqrt{3} + i)^{\frac{2}{3}}$ இன் எல்லா மதிப்புகளையும் காண்க.
- 16) a) $\frac{(1+3i)(1-2i)}{(3+4i)}$ இன் மட்டு அல்லது எண்ணளவு காண்க.
b) $|z_1 + z_2 + z_3| \leq |z_1| + |z_2| + |z_3|$ என்பதனை வரைபடம் மூலம் நிறுவுக.
