

மாதிரி வினாத்தாள்

குலங்கல் - பகுதி III

12th Standard

கணிதம்

Reg.No. :

--	--	--	--	--	--

I.அனைத்து வினாக்களுக்கும் விடையளிக்கவும்.

II.நீலம் அல்லது கருப்பு மையினை மட்டுமே எழுதுவதற்கு பயன்படுத்த வேண்டும்.

III.வினா எண் 15-ற்கு கண்டிப்பாக விடையளிக்கவும்.

Time : 01:30:00 Hrs

Total Marks : 80

5 x 1 = 5

பகுதி-அ

1) கீழ்க்கண்டவற்றுள் எது குலம் அல்ல?

- (a) $(Z_n, +_n)$ (b) $(Z, +)$ (c) $(Z, \cdot)$ (d) $(R, +)$

2) முழுக்களில் * என்ற ஈருருப்பு செயலி $a * b = a + b - ab$, என வரையறுக்கப்படுகிறது எனில் $3 * (4 * 5)$ ன் மதிப்பு

- (a) 25 (b) 15 (c) 10 (d) 5

3) $(Z_9, +_9)$ ல் [7] ன் வரிசை

- (a) 9 (b) 6 (c) 3 (d) 1

4) $[3] +_{11}([5] +_{11}[6])$ ன் மதிப்பு

- (a) [0] (b) [1] (c) [2] (d) [3]

5) மெய்யெண்களின் கணம் R ல் * என்ற ஈருருப்பு செயலி, $a * b = \sqrt{a^2 + b^2}$ என வரையறுக்கப்படுகிறது எனில் $(3 * 4) * 5$ ன் மதிப்பு

- (a) 5 (b) $5\sqrt{2}$ (c) 25 (d) 50

பகுதி - ஆ

5 x 3 = 15

6) பின்வரும் கூற்றுகளுக்கு மெய் அட்டவணைகள் அமைக்க: $((\sim p) \vee (\sim q))$

7) பின்வரும் கூற்றுகளுக்கு மெய் அட்டவணைகளை அமைக்க: $\sim ((\sim p) \wedge (\sim q))$

8) ஒரு குலத்தின் சமனி உறுப்பு ஒருமைத்தன்மை வாய்ந்தது என நிரூபி.

9) ஒரு குலத்தின் ஒவ்வொரு உறுப்பும் ஒரேயொரு எதிர்மறையைப் பெற்றிருக்கும் என நிரூபி.

10) ஒரு குலத்தில் உள்ள a க்கு, $(a^{-1})^{-1} = a$ என நிரூபி.

பகுதி - இ

3 x 6 = 18

11) குலத்தின் நீக்கல் விதிகளை எழுதி, நிரூபி.

12) குலத்தில், எதிர்மறையின் போதனா திருப்புதல் விதியினை எழுதி நிரூபி.

13) $(P \vee q) \wedge (\sim q)$ -க்குரிய மெய் அட்டவணையை அமைக்க.

பகுதி - ஈ

3 x 10 = 30

14) $\begin{pmatrix} x & x \\ x & x \end{pmatrix}; x \in R - \{0\}$ என்ற அமைப்பில் உள்ள அணிகள் யாவும் அடங்கிய கணம் G ஆனது அணிப்பெருக்கலின் கீழ் ஒரு குலம் எனக் காட்டுக.

15) a) $G = \{a + b\sqrt{2}/a, b \in Q\}$ என்பது கூட்டலைப் பொறுத்து ஒரு முடிவற்ற எபீலியன் குலம் எனக் காட்டுக.

(OR)

b) $G = \{2^n/n \in Z\}$ என்ற கணமானது பெருக்கலின் கீழ் ஒரு குலத்தை அமைக்கும் எனக் காட்டுக.
